

# Grundrechenarten

Wolfgang Kippels

21. Oktober 2018

## Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Vorwort</b>	<b>5</b>
<b>2</b>	<b>Begriffe</b>	<b>6</b>
2.1	Addition . . . . .	6
2.2	Subtraktion . . . . .	6
2.3	Multiplikation . . . . .	6
2.4	Division . . . . .	7
<b>3</b>	<b>Regeln und Gesetze</b>	<b>7</b>
3.1	Kommutativgesetze . . . . .	7
3.2	Assoziativgesetze . . . . .	8
3.3	Distributivgesetz . . . . .	8
3.4	Gemischte Beispiele zur Anwendung der Gesetze . . . . .	10
3.5	Produktformel . . . . .	11
3.6	Beispiele zur Produktformel . . . . .	11
3.7	Häufig gemachte Fehler . . . . .	12
3.7.1	Mischung Zahlen mit Buchstaben . . . . .	12
3.7.2	Verwechslung der Gesetze . . . . .	12
<b>4</b>	<b>Übungsaufgaben</b>	<b>13</b>
4.1	Aufgabe 1 . . . . .	13
4.2	Aufgabe 2 . . . . .	13
4.3	Aufgabe 3 . . . . .	13
4.4	Aufgabe 4 . . . . .	13
4.5	Aufgabe 5 . . . . .	13
4.6	Aufgabe 6 . . . . .	13
4.7	Aufgabe 7 . . . . .	13
4.8	Aufgabe 8 . . . . .	13
4.9	Aufgabe 9 . . . . .	13
4.10	Aufgabe 10 . . . . .	13

4.11 Aufgabe 11	13
4.12 Aufgabe 12	14
4.13 Aufgabe 13	14
4.14 Aufgabe 14	14
4.15 Aufgabe 15	14
4.16 Aufgabe 16	14
4.17 Aufgabe 17	14
4.18 Aufgabe 18	14
4.19 Aufgabe 19	14
4.20 Aufgabe 20	14
4.21 Aufgabe 21	14
4.22 Aufgabe 22	14
4.23 Aufgabe 23	15
4.24 Aufgabe 24	15
4.25 Aufgabe 25	15
4.26 Aufgabe 26	15
4.27 Aufgabe 27	15
4.28 Aufgabe 28	15
4.29 Aufgabe 29	15
4.30 Aufgabe 30	15
4.31 Aufgabe 31	15
4.32 Aufgabe 32	15
4.33 Aufgabe 33	15
4.34 Aufgabe 34	16
4.35 Aufgabe 35	16
4.36 Aufgabe 36	16
4.37 Aufgabe 37	16
4.38 Aufgabe 38	16
4.39 Aufgabe 39	16
4.40 Aufgabe 40	16
4.41 Aufgabe 41	16
4.42 Aufgabe 42	16
4.43 Aufgabe 43	16
4.44 Aufgabe 44	16
4.45 Aufgabe 45	17
4.46 Aufgabe 46	17
4.47 Aufgabe 47	17
4.48 Aufgabe 48	17
4.49 Aufgabe 49	17
4.50 Aufgabe 50	17
4.51 Aufgabe 51	17
<b>5 Lösungen der Übungsaufgaben</b>	<b>18</b>
5.1 Aufgabe 1	18

5.2	Aufgabe 2	18
5.3	Aufgabe 3	18
5.4	Aufgabe 4	18
5.5	Aufgabe 5	18
5.6	Aufgabe 6	18
5.7	Aufgabe 7	19
5.8	Aufgabe 8	19
5.9	Aufgabe 9	19
5.10	Aufgabe 10	19
5.11	Aufgabe 11	19
5.12	Aufgabe 12	20
5.13	Aufgabe 13	20
5.14	Aufgabe 14	20
5.15	Aufgabe 15	20
5.16	Aufgabe 16	20
5.17	Aufgabe 17	20
5.18	Aufgabe 18	21
5.19	Aufgabe 19	21
5.20	Aufgabe 20	21
5.21	Aufgabe 21	21
5.22	Aufgabe 22	21
5.23	Aufgabe 23	22
5.24	Aufgabe 24	22
5.25	Aufgabe 25	22
5.26	Aufgabe 26	22
5.27	Aufgabe 27	23
5.28	Aufgabe 28	23
5.29	Aufgabe 29	24
5.30	Aufgabe 30	24
5.31	Aufgabe 31	24
5.32	Aufgabe 32	24
5.33	Aufgabe 33	24
5.34	Aufgabe 34	25
5.35	Aufgabe 35	25
5.36	Aufgabe 36	25
5.37	Aufgabe 37	25
5.38	Aufgabe 38	25
5.39	Aufgabe 39	25
5.40	Aufgabe 40	25
5.41	Aufgabe 41	26
5.42	Aufgabe 42	26
5.43	Aufgabe 43	26
5.44	Aufgabe 44	26
5.45	Aufgabe 45	26

5.46 Aufgabe 46	26
5.47 Aufgabe 47	26
5.48 Aufgabe 48	27
5.49 Aufgabe 49	27
5.50 Aufgabe 50	27
5.51 Aufgabe 51	27

# 1 Vorwort

Diese und ähnliche Anleitungen zu erstellen erfordert sehr viel Zeit und Mühe. Trotzdem stelle ich alles kostenfrei der Allgemeinheit zur Verfügung. Wenn Sie diese Datei hilfreich finden, dann bitte ich Sie um Erfüllung des nachfolgend beschriebenen „Generationenvertrages“:

*Wenn Sie später einmal Ihre Ausbildungsphase beendet haben und im Beruf stehen (oder auch noch danach), geben Sie bitte Ihr Wissen in geeigneter Form an die nachfolgende Generation weiter.*

Wenn Sie mir eine Freude machen wollen, dann schreiben Sie mir bitte eine kleine Email an die folgende Adresse: [mail@dk4ek.de](mailto:mail@dk4ek.de)

Vielen Dank!

## 2 Begriffe

Unter den vier *Grundrechenarten* versteht man diese Rechenarten:

- Addition
- Subtraktion
- Multiplikation
- Division

### 2.1 Addition

Ein Beispiel:

$$3 + 5 = 8$$

Hier werden die Zahlen 3 und 5 addiert, das Ergebnis ist 8.

Man nennt sowohl das Ergebnis als auch die Rechnung **Summe**.

Die Zahlen, die miteinander addiert werden (hier die Zahlen 3 und 5) nennt man **Summanden**.

### 2.2 Subtraktion

Auch hier ein Beispiel:

$$8 - 3 = 5$$

Von der Zahl 8 wird die Zahl 3 subtrahiert. Das Ergebnis ist 5.

Man nennt sowohl das Ergebnis als auch die Rechnung **Differenz**.

Die Zahl, von der etwas subtrahiert wird (hier die Zahl 8), heißt **Minuend**, die Zahl, die subtrahiert wird (hier die 3), nennt man **Subtrahend**.

### 2.3 Multiplikation

Ein Beispiel:

$$3 \cdot 5 = 15$$

Die Zahl 3 wird mit der Zahl 5 multipliziert, das Ergebnis ist 15.

Die beiden Zahlen, die miteinander multipliziert werden, heißen **Faktoren**, man nennt sowohl das Ergebnis als auch die Rechnung **Produkt**.

## 2.4 Division

Hier sind zwei verschiedene Schreibweisen möglich. Ein Beispiel:

$$\frac{15}{3} = 15 : 3 = 5$$

Die Zahl 15 wird durch die Zahl 3 dividiert, das Ergebnis ist 5.

## 3 Regeln und Gesetze

### 3.1 Kommutativgesetze

Auf Deutsch werden die Kommutativgesetze auch **Vertauschungsgesetze** genannt. Sie gelten für **Addition** und **Multiplikation**.

$$a + b = b + a$$

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Wie man sieht, kann man die Summanden beim Addieren – bzw. die Faktoren beim Multiplizieren – einfach vertauschen. Die Reihenfolge spielt keine Rolle. Daher werden hier eigentlich nie Fehler gemacht.

**Achtung!** Kommt die Subtraktion ins Spiel, dann sieht die Sache schon ganz anders aus. So ohne weiteres darf da nicht getauscht werden:

$$a - b \neq b - a$$

Man muss die **Subtraktion** auffassen als **Addition von negativen Zahlen**. Damit sieht die Sache so aus:

$$a - b = a + (-b) = (-b) + a = -b + a$$

Beim Vertauschen muss also das Vorzeichen mitgenommen werden, nur so kann auch bei einer Subtraktion das Vertauschungsgesetz angewendet werden.

**Beispiele:**

$$2 + 6 + 8 = 2 + 8 + 6 = 10 + 6 = 16$$

$$2 - 6 + 8 = 2 + 8 - 6 = 10 - 6 = 4$$

$$-7 + 10 = 10 - 7 = 3$$

$$2 \cdot 7 \cdot 5 = 2 \cdot 5 \cdot 7 = 10 \cdot 7 = 70$$

## 3.2 Assoziativgesetze

Hierbei kommt jeweils nur **eine einzige Rechenart** zum Einsatz, also **Addition** oder **Multiplikation**. (Hierbei wird ggf. Subtraktion als Addition einer negativen Zahl angesehen.)

$$(a + b) + c = a + (b + c) = a + b + c$$

$$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c) = a \cdot b \cdot c$$

Die Assoziativgesetze besagen nichts anderes, als die Tatsache, dass man sowohl beim Addieren als auch beim Multiplizieren in beliebiger Reihenfolge vorgehen kann. Auch hier passieren eigentlich nie Fehler, so lange keine Minuszeichen auftauchen.

Ähnlich, wie beim Kommutativgesetz muss man auch hier eine Subtraktion als Addition mit negativen Zahlen behandeln. So geht es jedenfalls nicht:

$$(a - b) + c \neq a - (b + c)$$

Man muss das Minuszeichen „fest an die Zahl binden“. Das sieht dann so aus:

$$(a - b) + c = (a + (-b)) + c = a + ((-b) + c) = a + (-b + c)$$

**Beispiele:**

$$4 + 6 + 12 - 2 = (4 + 6) + (12 - 2) = 10 + 10 = 20$$

$$23 - 31 + 32 + 17 = 23 + 17 - 31 + 32 = (23 + 17) + (-31 + 32) = 40 + 1 = 41$$

$$3x + 5y - x + 2y = 3x - x + 5y + 2y = 2x + 7y$$

$$5u - 2w + 4v - 3w + 2v - 5u = 5u - 5u + 4v + 2v - 2w - 3w = 0u + 6v - 5w = 6v - 5w$$

## 3.3 Distributivgesetz

Hier werden – im Gegensatz zu den Kommutativ- und Assoziativ-Gesetzen – **verschiedene Rechenoperationen** (das **Addieren** und das **Multiplizieren**) auf eine bestimmte Weise miteinander verknüpft.

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$$

$$(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$$

Für viele Menschen ist das Gesetz besser in Worten zu merken:

Eine Zahl wird mit einer Summe multipliziert,

indem man die Zahl mit jedem Summanden multipliziert.



Ein Minuszeichen anstelle des Pluszeichens ist beim Distributivgesetz kein Problem. Damit funktioniert das Distributivgesetz auch:

$$a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$$

$$(a - b) \cdot c = a \cdot c - b \cdot c$$

Wenn man das Distributivgesetz „rückwärts“ anwendet, dann spricht man auch vom *Ausklammern*. Ist eine Zahl oder ein Term in jedem Summanden als Faktor enthalten, dann kann man ihn aus der Summe „ausklammern“, indem man diese Zahl / diesen Term aus jedem Summanden herausnimmt und als Faktor vor eine Klammer setzt.

$$ab + ac = a \cdot (b + c)$$

Als Sonderfall des Distributivgesetzes kann man noch die Regel auffassen, die beim Auflösen einer Klammer angewendet wird, wenn vor der Klammer ein Minuszeichen steht:

$$-(a + b) = -a - b$$

$$-(a - b) = -a + b$$

Viele Menschen können sich diese Regel besser in Worten merken:

Steht ein Minuszeichen vor einer Klammer,

dann werden beim Auflösen der Klammer alle Vorzeichen umgekehrt.

**Beispiele:**

$$3 \cdot (2x + 3y) = 3 \cdot 2x + 3 \cdot 3y = 6x + 9y$$

$$x \cdot (5a - 2b) = x \cdot 5a + x \cdot (-2b) = 5ax - 2bx$$

$$15u - 20v = 5 \cdot 3u + 5 \cdot (-4v) = 5 \cdot (3u - 4v)$$

$$-(5a - 4b + 3c) = -5a + 4b - 3c$$

$$(2x - 3) - (4x + 5) = 2x - 3 + (-4x - 5) = 2x - 3 - 4x - 5 = -2x - 8$$

$$x - 3 \cdot (-2x - 4) = x - 3 \cdot (-2x) - 3 \cdot (-4) = x + 6x + 12 = 7x + 12$$

### 3.4 Gemischte Beispiele zur Anwendung der Gesetze

$$-(x - y) = -x + y$$

$$-(-a - b) = a + b$$

$$-(a + b) = -a - b$$

$$\begin{aligned}2a - (a - 2b) &= 2a + (-a + 2b) \\ &= 2a - a + 2b \\ &= a + 2b\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}3a + (2a - 4b) &= 3a + 2a - 4b \\ &= 5a - 4b\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2a + 3b) - (a - 2b) &= 2a + 3b + (-a + 2b) \\ &= 2a + 3b - a + 2b \\ &= 2a - a + 3b + 2b \\ &= a + 5b\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5 \cdot (3a - 2b) &= 5 \cdot 3a + 5 \cdot (-2b) \\ &= 15a - 10b\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(-7x + 3y) \cdot (-2x) &= -7x \cdot (-2x) + 3y \cdot (-2x) \\ &= 14x^2 - 6xy\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}-3b \cdot (-5a - 4c) &= 3b \cdot (-5a) - 3b \cdot (-4c) \\ &= 15ab + 12bc\end{aligned}$$

$$-(2a - 3b + 5c - 8d) = -2a + 3b - 5c + 8d$$

$$\begin{aligned}-(5x - 2y - z) \cdot (-7) &= (-5x + 2y + z) \cdot (-7) \\ &= -5x \cdot (-7) + 2y \cdot (-7) + z \cdot (-7) \\ &= 35x - 14y - 7z\end{aligned}$$

### 3.5 Produktformel

Aus dem Distributivgesetz ergibt sich auch eine Formel, mit deren Hilfe man das Produkt zweier Summen bestimmen kann:

$$(a + b) \cdot (c + d) = ac + ad + bc + bd$$

Diese Formel kann entsprechend auch erweitert werden auf Faktoten mit mehr als zwei Summanden. Hier einige Beispiele dazu:

$$(a + b + c) \cdot (d + e) = ad + bd + cd + ae + be + ce$$

$$(a + b + c) \cdot (d + e + f) = ad + bd + cd + ae + be + ce + af + bf + cf$$

$$(a + b + c + d) \cdot (e + f) = ae + be + ce + de + af + bf + cf + df$$

Verallgemeinert lässt sich das besser in Worten ausdrücken:

Jedes Glied der ersten Summe wird mit jedem Glied der zweiten Summe multipliziert.

### 3.6 Beispiele zur Produktformel

$$\begin{aligned}(2x - 7) \cdot (3x + 2) &= 2x \cdot 3x + 2x \cdot 2 - 7 \cdot 3x - 7 \cdot 2 \\ &= 6x^2 + 4x - 21x - 14 \\ &= 6x^2 - 17x - 14\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2a + 3b - c) \cdot (a - 2b + 3c) &= 2a \cdot a + 2a \cdot (-2b) + 2a \cdot 3c + 3b \cdot a \\ &\quad + 3b \cdot (-2b) + 3b \cdot 3c - c \cdot a - c \cdot (-2b) - c \cdot c \\ &= 2a^2 - 4ab + 6ac + 3ab - 6b^2 + 9bc - ac + 2bc - 3c^2 \\ &= 2a^2 - 6b^2 - 3c^2 - ab + 5ac + 11bc\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2x + 3y) \cdot (3x - 4y) \cdot (-5x + 2y) &= (2x \cdot 3x + 2x \cdot (-4y) + 3y \cdot 3x + 3y \cdot (-4y)) \cdot (-5x + 2y) \\ &= (6x^2 - 8xy + 9xy - 12y^2) \cdot (-5x + 2y) \\ &= (6x^2 + xy - 12y^2) \cdot (-5x + 2y) \\ &= 6x^2 \cdot (-5x) + 6x^2 \cdot 2y + xy \cdot (-5x) + xy \cdot 2y \\ &\quad - 12y^2 \cdot (-5x) - 12y^2 \cdot 2y \\ &= -30x^3 + 12x^2y - 5x^2y + 2xy^2 + 60xy^2 - 24y^3 \\ &= -30x^3 + 7x^2y + 62xy^2 - 24y^3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}-(x - 1) \cdot (-2x + 3) &= (-x + 1) \cdot (-2x + 3) \\ &= -x \cdot (-2x) - x \cdot 3 + 1 \cdot (-2x) + 1 \cdot 3 \\ &= 2x^2 - 3x - 2x + 3 \\ &= 2x^2 - 5x + 3\end{aligned}$$

### 3.7 Häufig gemachte Fehler

Leider hat es sich als notwendig erwiesen, auch Fehler vorzustellen, damit diese bewusst vermieden werden können.<sup>1</sup>

#### 3.7.1 Mischung Zahlen mit Buchstaben

Hier passierte beispielsweise folgendes:

falsch	richtig
$3a \cdot 5a \neq 15a$	$3a \cdot 5a = 15a^2$
$x \cdot 5x \cdot 2x \neq 10x$	$x \cdot 5x \cdot 2x = 10x^3$
$b + (2a - 5b) \neq 2ab - 5b^2$	$b + (2a - 5b) = 2a - 4b$
$5a \cdot a \neq 6a$	$5a \cdot a = 5a^2$
$3a + 5b \neq 8ab$	(kann nicht zusammengefasst werden)

Hier scheint es einige Schüler zu verwirren, wenn manchmal der Punkt für die Multiplikation gesetzt und manchmal weggelassen wurde. Auch werden manchmal die Rechenarten miteinander verwechselt.

#### 3.7.2 Verwechslung der Gesetze

Die Anwendung von Distributivgesetz und Assoziativgesetz wird gern durcheinandergebracht. Beispielsweise sieht man manchmal folgendes:

falsch	richtig
$3 \cdot (a \cdot b) \neq 3 \cdot a \cdot 3 \cdot b = 9ab$	$3 \cdot (a \cdot b) = 3 \cdot a \cdot b = 3ab$
$5 \cdot 2a \cdot 3b \neq 10a \cdot 15b = 150ab$	$5 \cdot 2a \cdot 3b = 5 \cdot 2 \cdot 3 \cdot a \cdot b = 30ab$
$a \cdot b \cdot c \neq ab \cdot ac$	$a \cdot b \cdot c = abc$
$(a - b) \cdot 2 \cdot (2a + 3b) \neq (2a - 2b) \cdot (4a + 6b)$	$(a - b) \cdot 2 \cdot (2a + 3b) = (2a - 2b) \cdot (2a + 3b)$
$4a \cdot 6b \neq 10ab$	$4a \cdot 6b = 24ab$

<sup>1</sup>Alle diese Fehler sind authentische Schülerfehler, sind in meinem Skript also eigentlich Plagiate, weil ich aus Datenschutzgründen die Quellen nicht nennen darf.

## 4 Übungsaufgaben

### 4.1 Aufgabe 1

$$(2a - 3b + c) \cdot (-1) = \dots$$

### 4.2 Aufgabe 2

$$-3(-a + 2x) = \dots$$

### 4.3 Aufgabe 3

$$2 \cdot (2a - 2b) - 3 \cdot (b - 2a) = \dots$$

### 4.4 Aufgabe 4

$$5(3x - y - 2z) - 4(-x + 2y - 3z) = \dots$$

### 4.5 Aufgabe 5

$$-10(-3m + 4n - 6) - 3(2m - 5n + 4) = \dots$$

### 4.6 Aufgabe 6

$$5a \cdot (3 - 2x) + 2x \cdot (5a - 4) = \dots$$

### 4.7 Aufgabe 7

$$-(-2i + 3j - 15)(-4) - (6j - 5)(-2) = \dots$$

### 4.8 Aufgabe 8

$$(-1) \cdot (-2) \cdot (-3) \cdot (-4) \cdot (-5) = \dots$$

### 4.9 Aufgabe 9

$$(-1) \cdot 2 \cdot (-3) \cdot (-4) \cdot (-5) = \dots$$

### 4.10 Aufgabe 10

$$(2x + 3) \cdot (3x - 2) = \dots$$

### 4.11 Aufgabe 11

$$(4x - 5) \cdot (-2x - 6) = \dots$$

#### 4.12 Aufgabe 12

$$(-3x - 7)(2x - 4) = \dots$$

#### 4.13 Aufgabe 13

$$(-3x - 7) + (2x - 4) = \dots$$

#### 4.14 Aufgabe 14

$$7 - (2x - 4) = \dots$$

#### 4.15 Aufgabe 15

$$10x - 4(x - 1) - 4 = \dots$$

#### 4.16 Aufgabe 16

$$(a + 9) \cdot (4 - b) = \dots$$

#### 4.17 Aufgabe 17

$$-(3 - 2x) \cdot (x - 5) = \dots$$

#### 4.18 Aufgabe 18

$$(2x - 3) \cdot (-3x - 1) - (3x - 2) \cdot (-2x - 5) = \dots$$

#### 4.19 Aufgabe 19

$$(a + 2b - 3c) \cdot (2m - 3n) = \dots$$

#### 4.20 Aufgabe 20

$$a + (2b - 3c) \cdot (2m - 3n) = \dots$$

#### 4.21 Aufgabe 21

$$(4i + 5j) \cdot (-4i + 5j) = \dots$$

#### 4.22 Aufgabe 22

$$3 - (z - 5) \cdot (4 + z) = \dots$$

**4.23 Aufgabe 23**

$$(-2u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b - 2c) = \dots$$

**4.24 Aufgabe 24**

$$(-2u - 3v) + 5w \cdot a - (3b - 2c) = \dots$$

**4.25 Aufgabe 25**

$$-2(u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b) - 2c = \dots$$

**4.26 Aufgabe 26**

$$-(2r - 3s + t) \cdot (-4r + 2s - 6t) = \dots$$

**4.27 Aufgabe 27**

$$-5(-2u + 5w) \cdot (5r - 4s - 4t) = \dots$$

**4.28 Aufgabe 28**

$$(2a - 3b) \cdot (5c - d) \cdot (-e + 2f) = \dots$$

**4.29 Aufgabe 29**

$$(2a - 3b) \cdot 5c - d \cdot (-e + 2f) = \dots$$

**4.30 Aufgabe 30**

$$3x \cdot (4a \cdot 5b) = \dots$$

**4.31 Aufgabe 31**

$$2 \cdot (x - 5) = \dots$$

**4.32 Aufgabe 32**

$$(5p - 2q) \cdot (-3r) = \dots$$

**4.33 Aufgabe 33**

$$-2b(5a - c) = \dots$$

#### 4.34 Aufgabe 34

$$(x + 2y) \cdot (2x - 4y) = \dots$$

#### 4.35 Aufgabe 35

$$4 - [2x - (3x - 5)] = \dots$$

#### 4.36 Aufgabe 36

$$a - [2a - 2b - \langle 3b - (-2a + 5b) \rangle] = \dots$$

#### 4.37 Aufgabe 37

$$(1 - a) \cdot (a + b - 2) = \dots$$

#### 4.38 Aufgabe 38

$$(2u - 3v) \cdot (-x - 2y + 5z) = \dots$$

#### 4.39 Aufgabe 39

$$(x + 1)(x + 2)(x - 3) = \dots$$

#### 4.40 Aufgabe 40

$$(a - b)(-2a - b)(-a - 2b) = \dots$$

#### 4.41 Aufgabe 41

$$(2x - 5) \cdot (4x - 3) = \dots$$

#### 4.42 Aufgabe 42

$$2x - 5 \cdot (4x - 3) = \dots$$

#### 4.43 Aufgabe 43

$$(2x - 5) \cdot 4x - 3 = \dots$$

#### 4.44 Aufgabe 44

$$2x - 5 \cdot 4x - 3 = \dots$$



#### 4.45 Aufgabe 45

$$2x - (5 \cdot 4x - 3) = \dots$$

#### 4.46 Aufgabe 46

$$(3x + 5) \cdot (-4x + 2) - (5x - 1) = \dots$$

#### 4.47 Aufgabe 47

$$(3x + 5) - (-4x + 2) \cdot (5x - 1) = \dots$$

#### 4.48 Aufgabe 48

$$(3x + 5) - (-4x + 2) - 3(5x - 1) = \dots$$

#### 4.49 Aufgabe 49

$$\left( (3x + 5) - (-4x + 2) - 3 \right) \cdot (5x - 1) = \dots$$

#### 4.50 Aufgabe 50

$$\left( -(3x + 5) \cdot (-4x + 2) \right) - 3 \cdot (5x - 1) = \dots$$

#### 4.51 Aufgabe 51

$$3 \cdot (x + 2) \cdot 5 \cdot (x - 2) \cdot 4 = \dots$$

## 5 Lösungen der Übungsaufgaben

### 5.1 Aufgabe 1

$$\begin{aligned}(2a - 3b + c) \cdot (-1) &= 2a \cdot (-1) - 3b \cdot (-1) + c \cdot (-1) \\ &= -2a + 3b - c\end{aligned}$$

### 5.2 Aufgabe 2

$$\begin{aligned}-3(-a + 2x) &= -3 \cdot (-a) - 3 \cdot 2x \\ &= 3a - 6x\end{aligned}$$

### 5.3 Aufgabe 3

$$\begin{aligned}2 \cdot (2a - 2b) - 3 \cdot (b - 2a) &= 2 \cdot 2a + 2 \cdot (-2b) - 3 \cdot b - 3 \cdot (-2a) \\ &= 4a - 4b - 3b + 6a \\ &= 4a + 6a - 4b - 3b \\ &= 10a - 7b\end{aligned}$$

### 5.4 Aufgabe 4

$$\begin{aligned}5(3x - y - 2z) - 4(-x + 2y - 3z) &= 5 \cdot 3x + 5 \cdot (-y) + 5 \cdot (-2z) - 4 \cdot (-x) - 4 \cdot 2y - 4 \cdot (-3z) \\ &= 15x - 5y - 10z + 4x - 8y + 12z \\ &= 15x + 4x - 5y - 8y - 10z + 12z \\ &= 19x - 13y + 2z\end{aligned}$$

### 5.5 Aufgabe 5

$$\begin{aligned}-10(-3m + 4n - 6) - 3(2m - 5n + 4) &= -10 \cdot (-3m) - 10 \cdot 4n - 10 \cdot (-6) - 3 \cdot 2m - 3 \cdot (-5n) - 3 \cdot 4 \\ &= 30m - 40n + 60 - 6m + 15n - 12 \\ &= 30m - 6m - 40n + 15n + 60 - 12 \\ &= 24m - 25n + 48\end{aligned}$$

### 5.6 Aufgabe 6

$$\begin{aligned}5a \cdot (3 - 2x) + 2x \cdot (5a - 4) &= 5a \cdot 3 + 5a \cdot (-2x) + 2x \cdot 5a + 2x \cdot (-4) \\ &= 15a - 10ax + 10xa - 8x \\ &= 15a - 10ax + 10ax - 8x \\ &= 15a - 8x\end{aligned}$$

## 5.7 Aufgabe 7

$$\begin{aligned} -(-2i + 3j - 15)(-4) - (6j - 5)(-2) &= (+2i - 3j + 15)(-4) + (-6j + 5)(-2) \\ &= 2i \cdot (-4) - 3j \cdot (-4) + 15 \cdot (-4) - 6j \cdot (-2) + 5 \cdot (-2) \\ &= -8i + 12j - 60 + 12j - 10 \\ &= -8i + 12j + 12j - 60 - 10 \\ &= -8i + 24j - 70 \end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned} -(-2i + 3j - 15)(-4) - (6j - 5)(-2) &= -\left((-2i + 3j - 15)(-4)\right) - \left((6j - 5)(-2)\right) \\ &= -\left(-2i \cdot (-4) + 3j \cdot (-4) - 15 \cdot (-4)\right) - \left(6j \cdot (-2) - 5 \cdot (-2)\right) \\ &= -(8i - 12j + 60) - (-12j + 10) \\ &= -8i + 12j - 60 + 12j - 10 \\ &= -8i + 12j + 12j - 60 - 10 \\ &= -8i + 24j - 70 \end{aligned}$$

## 5.8 Aufgabe 8

$$\begin{aligned} (-1) \cdot (-2) \cdot (-3) \cdot (-4) \cdot (-5) &= \left((-1) \cdot (-2)\right) \cdot \left((-3) \cdot (-4)\right) \cdot (-5) \\ &= (2 \cdot 12) \cdot (-5) \\ &= 24 \cdot (-5) \\ &= -120 \end{aligned}$$

## 5.9 Aufgabe 9

$$\begin{aligned} (-1) \cdot 2 \cdot (-3) \cdot (-4) \cdot (-5) &= \left((-1) \cdot 2\right) \cdot \left((-3) \cdot (-4)\right) \cdot (-5) \\ &= (-2 \cdot 12) \cdot (-5) \\ &= -24 \cdot (-5) \\ &= 120 \end{aligned}$$

## 5.10 Aufgabe 10

$$\begin{aligned} (2x + 3) \cdot (3x - 2) &= 2x \cdot 3x + 2x \cdot (-2) + 3 \cdot 3x + 3 \cdot (-2) \\ &= 6x^2 - 4x + 9x - 6 \\ &= 6x^2 + 5x - 6 \end{aligned}$$

## 5.11 Aufgabe 11

$$\begin{aligned} (4x - 5) \cdot (-2x - 6) &= 4x \cdot (-2x) + 4x \cdot (-6) - 5 \cdot (-2x) - 5 \cdot (-6) \\ &= -8x^2 - 24x + 10x + 30 \\ &= -8x^2 - 14x + 30 \end{aligned}$$

### 5.12 Aufgabe 12

$$\begin{aligned}(-3x - 7)(2x - 4) &= -3x \cdot 2x - 3x \cdot (-4) - 7 \cdot 2x - 7 \cdot (-4) \\ &= -6x^2 + 12x - 14x + 28 \\ &= -6x^2 - 2x + 28\end{aligned}$$

### 5.13 Aufgabe 13

$$\begin{aligned}(-3x - 7) + (2x - 4) &= -3x - 7 + 2x - 4 \\ &= -3x + 2x - 7 - 4 \\ &= -x - 11\end{aligned}$$

### 5.14 Aufgabe 14

$$\begin{aligned}7 - (2x - 4) &= 7 + (-2x + 4) \\ &= 7 - 2x + 4 \\ &= 7 + 4 - 2x \\ &= 11 - 2x\end{aligned}$$

### 5.15 Aufgabe 15

$$\begin{aligned}10x - 4(x - 1) - 4 &= 10x - 4 \cdot x - 4 \cdot (-1) - 4 \\ &= 10x - 4x + 4 - 4 \\ &= 6x\end{aligned}$$

### 5.16 Aufgabe 16

$$\begin{aligned}(a + 9) \cdot (4 - b) &= a \cdot 4 + a \cdot (-b) + 9 \cdot 4 + 9 \cdot (-b) \\ &= 4a - ab + 36 - 9b\end{aligned}$$

### 5.17 Aufgabe 17

$$\begin{aligned}-(3 - 2x) \cdot (x - 5) &= +(-3 + 2x) \cdot (x - 5) \\ &= -3 \cdot x - 3 \cdot (-5) + 2x \cdot x + 2x \cdot (-5) \\ &= -3x + 15 + 2x^2 - 10x \\ &= -3x - 10x + 15 + 2x^2 \\ &= -13x + 15 + 2x^2\end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}-(3 - 2x) \cdot (x - 5) &= -\left(3 \cdot x + 3 \cdot (-5) - 2x \cdot x - 2x \cdot (-5)\right) \\ &= -(3x - 15 - 2x^2 + 10x) \\ &= -3x + 15 + 2x^2 - 10x \\ &= -3x - 10x + 15 + 2x^2 \\ &= -13x + 15 + 2x^2\end{aligned}$$

## 5.18 Aufgabe 18

$$\begin{aligned}(2x - 3) \cdot (-3x - 1) - (3x - 2) \cdot (-2x - 5) &= (2x - 3) \cdot (-3x - 1) + (-3x + 2) \cdot (-2x - 5) \\ &= 2x \cdot (-3x) + 2x \cdot (-1) - 3 \cdot (-3x) - 3 \cdot (-1) \\ &\quad - 3x \cdot (-2x) - 3x \cdot (-5) + 2 \cdot (-2x) + 2 \cdot (-5) \\ &= -6x^2 - 2x + 9x + 3 + 6x^2 + 15x - 4x - 10 \\ &= -6x^2 + 6x^2 - 2x + 9x + 15x - 4x + 3 - 10 \\ &= 18x - 7\end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}(2x - 3) \cdot (-3x - 1) - (3x - 2) \cdot (-2x - 5) &= (2x - 3) \cdot (-3x - 1) - \left( (3x - 2) \cdot (-2x - 5) \right) \\ &= 2x \cdot (-3x) + 2x \cdot (-1) - 3 \cdot (-3x) - 3 \cdot (-1) \\ &\quad - \left( 3x \cdot (-2x) + 3x \cdot (-5) - 2 \cdot (-2x) - 2 \cdot (-5) \right) \\ &= -6x^2 - 2x + 9x + 3 - (-6x^2 - 15x + 4x + 10) \\ &= -6x^2 - 2x + 9x + 3 + 6x^2 + 15x - 4x - 10 \\ &= -6x^2 + 6x^2 - 2x + 9x + 15x - 4x + 3 - 10 \\ &= 18x - 7\end{aligned}$$

## 5.19 Aufgabe 19

$$\begin{aligned}(a + 2b - 3c) \cdot (2m - 3n) &= a \cdot 2m + a \cdot (-3n) + 2b \cdot 2m + 2b \cdot (-3n) - 3c \cdot 2m - 3c \cdot (-3n) \\ &= 2am - 3an + 4bm - 6bn - 6cm + 9cn\end{aligned}$$

## 5.20 Aufgabe 20

$$\begin{aligned}a + (2b - 3c) \cdot (2m - 3n) &= a + 2b \cdot 2m + 2b \cdot (-3n) - 3c \cdot 2m - 3c \cdot (-3n) \\ &= a + 4bm - 6bn - 6mc + 9cn\end{aligned}$$

## 5.21 Aufgabe 21

$$\begin{aligned}(4i + 5j) \cdot (-4i + 5j) &= 4i \cdot (-4i) + 4i \cdot 5j + 5j \cdot (-4i) + 5j \cdot 5j \\ &= -16i^2 + 20ij - 20ij + 25j^2 \\ &= -16i^2 + 25j^2\end{aligned}$$

## 5.22 Aufgabe 22

$$\begin{aligned}3 - (z - 5) \cdot (4 + z) &= 3 + (-z + 5) \cdot (4 + z) \\ &= 3 - z \cdot 4 - z \cdot z + 5 \cdot 4 + 5 \cdot z \\ &= 3 - 4z - z^2 + 20 + 5z \\ &= 3 + 20 - 4z + 5z - z^2 \\ &= 23 + z - z^2\end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}3 - (z - 5) \cdot (4 + z) &= 3 - \left( (z - 5) \cdot (4 + z) \right) \\&= 3 - (z \cdot 4 + z \cdot z - 5 \cdot 4 - 5 \cdot z) \\&= 3 - (4z + z^2 - 20 - 5z) \\&= 3 - 4z - z^2 + 20 + 5z \\&= 3 + 20 - 4z + 5z - z^2 \\&= 23 + z - z^2\end{aligned}$$

### 5.23 Aufgabe 23

$$\begin{aligned}(-2u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b - 2c) &= -2u \cdot a - 2u \cdot (-3b) - 2u \cdot (-2c) - 3v \cdot a - 3v \cdot (-3b) \\&\quad - 3v \cdot (-2c) + 5w \cdot a + 5w \cdot (-3b) + 5w \cdot (-2c) \\&= -2au + 6bu + 4cu - 3av + 9bv + 6cv + 5aw - 15bw - 10cw\end{aligned}$$

### 5.24 Aufgabe 24

$$(-2u - 3v) + 5w \cdot a - (3b - 2c) = -2u - 3v + 5aw - 3b + 2c$$

### 5.25 Aufgabe 25

$$\begin{aligned}-2(u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b) - 2c &= \left( -2(u - 3v + 5w) \right) \cdot (a - 3b) - 2c \\&= \left( -2 \cdot u - 2 \cdot (-3v) - 2 \cdot 5w \right) \cdot (a - 3b) - 2c \\&= (-2u + 6v - 10w) \cdot (a - 3b) - 2c \\&= -2u \cdot a - 2u \cdot (-3b) + 6v \cdot a + 6v \cdot (-3b) - 10w \cdot a - 10w \cdot (-3b) - 2c \\&= -2au + 6bu + 6av - 18bv - 10aw + 30bw - 2c\end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}-2(u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b) - 2c &= -2 \left( (u - 3v + 5w) \cdot (a - 3b) \right) - 2c \\&= -2 \left( u \cdot a + u \cdot (-3b) - 3v \cdot a - 3v \cdot (-3b) + 5w \cdot a + 5w \cdot (-3b) \right) - 2c \\&= -2 \cdot (au - 3bu - 3av + 9bv + 5aw - 15bw) - 2c \\&= -2 \cdot au - 2 \cdot (-3bu) - 2 \cdot (-3av) - 2 \cdot 9bv - 2 \cdot 5aw - 2 \cdot (-15bw) - 2c \\&= -2au + 6bu + 6av - 18bv - 10aw + 30bw - 2c\end{aligned}$$

### 5.26 Aufgabe 26

$$\begin{aligned}-(2r - 3s + t) \cdot (-4r + 2s - 6t) &= \left( -(2r - 3s + t) \right) \cdot (-4r + 2s - 6t) \\&= (-2r + 3s - t) \cdot (-4r + 2s - 6t) \\&= -2r \cdot (-4r) - 2r \cdot 2s - 2r \cdot (-6t) + 3s \cdot (-4r) + 3s \cdot 2s \\&\quad + 3s \cdot (-6t) - t \cdot (-4r) - t \cdot 2s - t \cdot (-6t) \\&= 8r^2 - 4rs + 12rt - 12rs + 6s^2 - 18st + 4rt - 2st + 6t^2 \\&= 8r^2 - 4rs - 12rs + 12rt + 4rt + 6s^2 - 18st - 2st + 6t^2 \\&= 8r^2 - 16rs + 16rt + 6s^2 - 20st + 6t^2\end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}
 -(2r - 3s + t) \cdot (-4r + 2s - 6t) &= -\left((2r - 3s + t) \cdot (-4r + 2s - 6t)\right) \\
 &= -\left(2r \cdot (-4r) + 2r \cdot 2s + 2r \cdot (-6t) - 3s \cdot (-4r) - 3s \cdot 2s \right. \\
 &\quad \left. - 3s \cdot (-6t) + t \cdot (-4r) + t \cdot 2s + t \cdot (-6t)\right) \\
 &= -\left(-8r^2 + 4rs - 12rt + 12rs - 6s^2 + 18st - 4rt + 2st - 6t^2\right) \\
 &= -\left(-8r^2 + 4rs + 12rs - 12rt - 4rt - 6s^2 + 18st + 2st - 6t^2\right) \\
 &= -\left(-8r^2 + 16rs - 16rt - 6s^2 + 20st - 6t^2\right) \\
 &= 8r^2 - 16rs + 16rt + 6s^2 - 20st + 6t^2
 \end{aligned}$$

## 5.27 Aufgabe 27

$$\begin{aligned}
 -5(-2u + 5w) \cdot (5r - 4s - 4t) &= \left(-5(-2u + 5w)\right) \cdot (5r - 4s - 4t) \\
 &= \left(-5 \cdot (-2u) - 5 \cdot 5w\right) \cdot (5r - 4s - 4t) \\
 &= (10u - 25w) \cdot (5r - 4s - 4t) \\
 &= 10u \cdot 5r + 10u \cdot (-4s) + 10u \cdot (-4t) \\
 &\quad - 25w \cdot 5r - 25w \cdot (-4s) - 25w \cdot (-4t) \\
 &= 50ur - 40us - 40ut - 125wr + 100ws + 100wt
 \end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}
 -5(-2u + 5w) \cdot (5r - 4s - 4t) &= -5\left((-2u + 5w) \cdot (5r - 4s - 4t)\right) \\
 &= -5\left(-2u \cdot 5r - 2u \cdot (-4s) - 2u \cdot (-4t) \right. \\
 &\quad \left. + 5w \cdot 5r + 5w \cdot (-4s) + 5w \cdot (-4t)\right) \\
 &= -5\left(-10ur + 8us + 8ut + 25wr - 20ws - 20wt\right) \\
 &= -5 \cdot (-10ur) - 5 \cdot 8us - 5 \cdot 8ut \\
 &\quad - 5 \cdot 25wr - 5 \cdot (-20ws) - 5 \cdot (-20wt) \\
 &= 50ur - 40us - 40ut - 125wr + 100ws + 100wt
 \end{aligned}$$

## 5.28 Aufgabe 28

$$\begin{aligned}
 (2a - 3b) \cdot (5c - d) \cdot (-e + 2f) &= \left((2a - 3b) \cdot (5c - d)\right) \cdot (-e + 2f) \\
 &= \left(2a \cdot 5c + 2a \cdot (-d) - 3b \cdot 5c - 3b \cdot (-d)\right) \cdot (-e + 2f) \\
 &= (10ac - 2ad - 15bc + 3bd) \cdot (-e + 2f) \\
 &= 10ac \cdot (-e) + 10ac \cdot 2f - 2ad \cdot (-e) - 2ad \cdot 2f \\
 &\quad - 15bc \cdot (-e) - 15bc \cdot 2f + 3bd \cdot (-e) + 3bd \cdot 2f \\
 &= -10ace + 20acf + 2ade - 4adf \\
 &\quad + 15bce - 30bcf - 3bde + 6bdf
 \end{aligned}$$

Alternative Lösung:

$$\begin{aligned}(2a - 3b) \cdot (5c - d) \cdot (-e + 2f) &= (2a - 3b) \cdot \left( (5c - d) \cdot (-e + 2f) \right) \\ &= (2a - 3b) \cdot \left( 5c \cdot (-e) + 5c \cdot 2f - d \cdot (-e) - d \cdot 2f \right) \\ &= (2a - 3b) \cdot (-5ce + 10cf + de - 2df) \\ &= 2a \cdot (-5ce) + 2a \cdot 10cf + 2a \cdot de + 2a \cdot (-2df) \\ &\quad - 3b \cdot (-5ce) - 3b \cdot 10cf - 3b \cdot de - 3b \cdot (-2df) \\ &= -10ace + 20acf + 2ade - 4adf \\ &\quad + 15bce - 30bcf - 3bde + 6bdf\end{aligned}$$

### 5.29 Aufgabe 29

$$\begin{aligned}(2a - 3b) \cdot 5c - d \cdot (-e + 2f) &= 2a \cdot 5c - 3b \cdot 5c - d \cdot (-e) - d \cdot 2f \\ &= 10ac - 15bc + de - 2df\end{aligned}$$

### 5.30 Aufgabe 30

$$\begin{aligned}3x \cdot (4a \cdot 5b) &= 3x \cdot 20ab \\ &= 60abx\end{aligned}$$

**Achtung!** Nicht richtig ist folgender oft verwendeter Ansatz:

$$3x \cdot (4a \cdot 5b) \neq 3x \cdot 4a \cdot 3x \cdot 5b$$

Manch einer lässt sich gern von den Klammern verwirren. Aufgrund des Assoziativgesetzes darf man sie hier einfach weglassen, weil außer Multiplikation keine andere Rechenart vorkommt. In der Klammer steht eben kein + fürs Addieren sondern ein  $\cdot$  fürs Multiplizieren!

### 5.31 Aufgabe 31

$$2 \cdot (x - 5) = 2x - 10$$

### 5.32 Aufgabe 32

$$(5p - 2q) \cdot (-3r) = -15pr + 6qr$$

### 5.33 Aufgabe 33

$$-2b(5a - c) = -10ab + 2bc$$



### 5.34 Aufgabe 34

$$\begin{aligned}(x + 2y) \cdot (2x - 4y) &= 2x^2 - 4xy + 4xy - 8y^2 \\ &= 2x^2 - 8y^2\end{aligned}$$

### 5.35 Aufgabe 35

$$\begin{aligned}4 - [2x - (3x - 5)] &= 4 - (2x - 3x + 5) \\ &= 4 - 2x + 3x - 5 \\ &= x - 1\end{aligned}$$

### 5.36 Aufgabe 36

$$\begin{aligned}a - [2a - 2b - (3b - (-2a + 5b))] &= a - [2a - 2b - (3b + 2a - 5b)] \\ &= a - [2a - 2b - 3b - 2a + 5b] \\ &= a - 2a + 2b + 3b + 2a - 5b \\ &= a\end{aligned}$$

### 5.37 Aufgabe 37

$$\begin{aligned}(1 - a) \cdot (a + b - 2) &= a + b - 2 - a^2 - ab + 2a \\ &= 3a + b - 2 - a^2 - ab\end{aligned}$$

### 5.38 Aufgabe 38

$$(2u - 3v) \cdot (-x - 2y + 5z) = -2ux - 4uy + 10uz + 3vx + 6vy - 15vz$$

### 5.39 Aufgabe 39

$$\begin{aligned}(x + 1)(x + 2)(x - 3) &= (x^2 + 2x + x + 2)(x - 3) \\ &= (x^2 + 3x + 2)(x - 3) \\ &= x^3 - 3x^2 + 3x^2 - 9x + 2x - 6 \\ &= x^3 - 7x - 6\end{aligned}$$

### 5.40 Aufgabe 40

$$\begin{aligned}(a - b)(-2a - b)(-a - 2b) &= (-2a^2 - ab + 2ab + b^2)(-a - 2b) \\ &= (-2a^2 + ab + b^2)(-a - 2b) \\ &= 2a^3 + 4a^2b - a^2b - 2ab^2 - ab^2 - 2b^3 \\ &= 2a^3 + 3a^2b - 3ab^2 - 2b^3\end{aligned}$$

### 5.41 Aufgabe 41

$$\begin{aligned}(2x - 5) \cdot (4x - 3) &= 8x^2 - 6x - 20x + 15 \\ &= 8x^2 - 26x + 15\end{aligned}$$

### 5.42 Aufgabe 42

$$\begin{aligned}2x - 5 \cdot (4x - 3) &= 2x - 20x + 15 \\ &= -18x + 15\end{aligned}$$

### 5.43 Aufgabe 43

$$(2x - 5) \cdot 4x - 3 = 8x^2 - 20x - 3$$

### 5.44 Aufgabe 44

$$\begin{aligned}2x - 5 \cdot 4x - 3 &= 2x - 20x - 3 \\ &= -18x - 3\end{aligned}$$

### 5.45 Aufgabe 45

$$\begin{aligned}2x - (5 \cdot 4x - 3) &= 2x - (20x - 3) \\ &= 2x - 20x + 3 \\ &= -18x + 3\end{aligned}$$

### 5.46 Aufgabe 46

$$\begin{aligned}(3x + 5) \cdot (-4x + 2) - (5x - 1) &= -12x^2 + 6x - 20x + 10 - 5x + 1 \\ &= -12x^2 - 19x + 11\end{aligned}$$

### 5.47 Aufgabe 47

$$\begin{aligned}(3x + 5) - (-4x + 2) \cdot (5x - 1) &= 3x + 5 - (-20x^2 + 4x + 10x - 2) \\ &= 3x + 5 + 20x^2 - 4x - 10x + 2 \\ &= 20x^2 - 11x + 7\end{aligned}$$

### 5.48 Aufgabe 48

$$\begin{aligned}(3x + 5) - (-4x + 2) - 3(5x - 1) &= 3x + 5 + 4x - 2 - 15x + 3 \\ &= -8x + 6\end{aligned}$$

### 5.49 Aufgabe 49

$$\begin{aligned}\left((3x + 5) - (-4x + 2) - 3\right) \cdot (5x - 1) &= (3x + 5 + 4x - 2 - 3) \cdot (5x - 1) \\ &= 7x \cdot (5x - 1) \\ &= 35x^2 - 7x\end{aligned}$$

### 5.50 Aufgabe 50

$$\begin{aligned}\left(-(3x + 5) \cdot (-4x + 2)\right) - 3 \cdot (5x - 1) &= (-3x - 5) \cdot (-4x + 2) - 3 \cdot (5x - 1) \\ &= (12x^2 - 6x + 20x - 10) - 15x + 3 \\ &= 12x^2 + 14x - 10 - 15x + 3 \\ &= 12x^2 - x - 7\end{aligned}$$

### 5.51 Aufgabe 51

$$\begin{aligned}3 \cdot (x + 2) \cdot 5 \cdot (x - 2) \cdot 4 &= 3 \cdot 5 \cdot 4 \cdot (x + 2) \cdot (x - 2) \\ &= 60 \cdot (x^2 - 4) \\ &= 60x^2 - 240\end{aligned}$$